

التناقص الإشعاعي Décrissance radioactive

I - الذرة (تذكير)

1 - نموذج الذرة

تتكون الذرة من نواة وإلكترونات تدور حول هذه الأخيرة .
تتكون النواة من دقائق تسمى بالنويات nucléon البروتونات (p) والنوترونات (n) .

2 - خاصيات نواة الذرة .

نمثل نواة ذرة لعنصر كيميائي X بالرمز ${}^A_Z X$.

X : رمز العنصر الكيميائي

Z : عدد البروتونات و A عدد الكتلة .

عدد النوترونات هو $N=A-Z$.

مثال : أحسب عدد البروتونات وعدد النوترونات لنواة الكلور ${}^{35}_{17}Cl$

3 - النويدات nucléides

في الفيزياء الذرية يطلق اسم النوييدة على مجموعة من النوى تتميز بعدد معين من البروتونات ومن النوترونات .
نعرف نوييدة بإعطاء Z و A . مثلا ${}^{12}_6C$ و ${}^{14}_6C$ نوييدتان لعنصر الكربون .

4 - النظائرية

النظائر ، نوييدات تحتوي على نفس عدد البروتونات وتختلف من حيث عدد النوترونات (من حيث عدد الكتلة A)
مثال : ${}^{35}_{17}Cl$ و ${}^{37}_{17}Cl$ نظيرين لعنصر الكلور .

• **الوفرة الطبيعية :** بالنسبة لخليط طبيعي كتلته m يتكون من نظائر عنصر ما ، نعرف الوفرة الطبيعية θ_i لنظير i كتلته m_i في هذا الخليط بالعلاقة : $m = \sum m_i \theta_i$ ، ويعبر عنها بالنسبة المئوية .

مثال : الوفرة الطبيعية للأورانيوم : ${}^{234}_{92}U$: 0,006% ، ${}^{235}_{92}U$: 0,718 ، ${}^{238}_{92}U$: 99,276 .

5 - كثافة المادة النووية

تبين التجارب النووية أنه يمكن نمذجة نواة بكرية شعاعها r يتعلق بعدد الكتلة A وفق العلاقة :
 $r = r_0 A^{1/3}$ حيث أن $r_0 = 1,2 \cdot 10^{-15} m$ شعاع ذرة الهيدروجين .

يمكن استنتاج القيمة التقريبية للكتلة الحجمية للنواة : $\rho = \frac{mA}{\frac{4}{3}\pi r^3} = \frac{3m}{4\pi r_0^3}$

الكتلة التقريبية للنواة : $m = 1,67 \cdot 10^{-27} kg$ تكون الكتلة الحجمية التقريبية : $\rho \approx 2 \cdot 10^{17} kg / m^3$ مما يدل على أن النواة أو **المادة النووية شديدة الكثافة** .

II - النشاط الإشعاعي

نص وثائقي :

في سنة 1986 م اكتشف العالم الفيزيائي الفرنسي بيكريل Hernie Becquerel النشاط الإشعاعي عن طريق الصدفة حينما كان يقوم بأبحاث علمية على أشعة X الحديثة الاكتشاف آنذاك وذلك بتعريض أملاح الأورانيوم لأشعة الشمس ، في 26 فبراير 1896 م كان يوما غائما ، فتعذر عليه تعريض هذه الأملاح لأشعة الشمس ، فوضعها في درج مكتبه مع صفائح فوتوغرافية مكسوة بغشاء من ورق سميك أسود ومعتم .
وفي أول مارس من نفس السنة قام بيكريل بتحريض الصفائح الفوتوغرافية فلاحظ بانبهار كبير أنها متأثرة ، رغم عدم تعرضها للأشعة الشمسية . وهذا ما أدى إلى اكتشاف أن أملاح الأورانيوم تبعث تلقائيا أشعة غير مرئية تترك آثارا على صفائح فوتوغرافية .

وستنتا بعد ذلك لاحظ الفيزيائيان بيير كوري وزوجته ماري كوري أن عنصر الطوريوم يبعث نفس الأشعة التي اكتشفها بيكريل .

كانت هذه الاكتشافات الخطوة الأساسية لانطلاق أبحاث أخرى أدت إلى التعرف وتصنيف الأشعة المنبعثة من المواد المشعة ، حيث تم التعرف على الأشعة المنبعثة من الأورانيوم من طرف العالمان الإنجليزيان إرنست رودرفورد و

$${}_{92}^{238}\text{U} \rightarrow {}_{90}^{234}\text{Th} + {}_2^4\text{He}$$

إلكترونات ${}_{-1}^0e$ من نوى الثوريوم Th وفق المعادلة التالية : ${}_{90}^{234}\text{Th} \rightarrow {}_{91}^{234}\text{Pa} + {}_{-1}^0e$

استثمار:

طبيعة الإشعاعات X هي إشعاعات غير مرئية . رتبة قدر طول موجتها nm

$$0,001nm \leq \lambda \leq 10nm$$

3 – هل تم اكتشاف ظاهرة النشاط الإشعاعي بالصدفة أم كان هناك تنبؤ نظري باكتشافها ؟
لقد كان هذا الاكتشاف بالصدفة .

يمكن الكشف عن مادة مشعة بوضعه أمام صفائح فوتوغرافية في غياب الأشعة المرئية .

الطوريوم $^{234}_{90}Th$ و الأورانيوم $^{238}_{92}U$

تحقق من انخفاض كل من عدد الكتلة وعدد الشحنة في معادلتَي التحويلين الواردين في النص .

وتسمى النواة غير المستقرة **بالنواة المشعة** أو **نواة إشعاعية النشاط** والدقائق المنبعثة **بإشعاعات نشيطة**.

النشاط الوثائقي 2

كيف يمكن التنبؤ باستقرار نواة ؟

استثمار:

	N = A - Z عدد النوترونات N								
11									¹⁹ O
10								¹⁷ N	¹⁸ O
9								¹⁶ N	¹⁷ O
8							¹⁴ C	¹⁵ N	¹⁶ O
7						¹² B	¹³ C	¹⁴ N	¹⁵ O
6					¹⁰ Be	¹¹ B	¹² C	¹³ N	
5				⁸ Li	⁹ Be	¹⁰ B	¹¹ C		
4			⁶ He	⁷ Li			¹⁰ C		
3				⁶ Li	⁷ Be				
2		³ H	⁴ He						
1	n	² H	³ He		A _X		النوى المستقرة		
0		¹ H		A _X	A _X	A _X	النوى غير المستقرة		
	0	1	2	3	4	5	6	7	
	Z عدد البروتونات								

1 - ذكر بمدلول الحرف A و Z في التمثيل A_ZX ، واعط العلاقة بين A و Z و N .

2 - حدد موضع النوى المستقرة بالنسبة ل $Z < 20$ (النوى الخفيفة) . بماذا تتميز هذه النوى ؟ واستنتج أن $\frac{A}{Z}$ تساوي 2 تقريبا .

النويات المستقرة توجد قريبة من المستقيم $N=Z$ فهي تتميز بكون أن عدد البروتونات يساوي عدد النوترونات .
ويحقق عدد الكتلة A العلاقة التالية : $A=2Z$ تقريبا .

3 - بالنسبة ل $Z > 20$ أين توجد هذه النوى بالنسبة للمستقيم $N=Z$ ؟ بماذا تتميز هذه النوى ؟ ما هو استنتاجك ؟
بالنسبة ل $Z > 20$ تكون منطقة الاستقرار فوق المستقيم ذي المعادلة $Z=N$ وتتميز هذه النوى بأن عدد النوترونات أكبر من عدد البروتونات . نستنتج أن استقرار النواة في هذه الحالة لا يمكن أن يحصل إلا إذا كان عدد النوترونات أكبر من عدد البروتونات .

4 - كيف تصبح النسبة $\frac{A}{Z}$ بالنسبة للنوى الثقيلة المستقرة أي بالنسبة ل $Z > 70$ ؟

$\frac{A}{Z} \approx 2,5$ بالنسبة للنوى الثقيلة .

5 - النواة ${}^{137}_{56}\text{Ba}$ هل هي مستقرة ؟ هل هي نشيطة إشعاعيا ؟

نفس السؤال بالنسبة ل ${}^{131}_{56}\text{Ba}$ و ${}^{144}_{56}\text{Ba}$

${}^{137}_{56}\text{Ba}$ و ${}^{144}_{56}\text{Ba}$ و ${}^{131}_{56}\text{Ba}$ توجد هذه النوى في منطقة الاستقرار ، فهي نوى مستقرة .

6 - في بعض الحالات ، وخلال تحول نووي تلقائي ، تتفتت نوترون داخل نواة إلى بروتون . في أي مجال من المخطط توجد هذه النوى التي تخضع لهذا التحول ؟
يحصل هذا التحول بالنسبة للنوى غير المستقرة وعدد نوترونها أكبر من عدد البروتونات .

خلاصة :

منطقة الاستقرار : بالنسبة ل $Z < 20$ هي المتطابقة مع المستقيم ذي المعادلة $Z=N$ أي أن عدد البروتونات مساو لعدد النوترونات .

بالنسبة ل $Z > 20$ تتموضع منطقة الاستقرار فوق المستقيم $N=Z$ ويكون في هذه الحالة عدد النوترونات أكبر من عدد البروتونات .

النوى غير المستقرة :

هناك ثلاث حالات :

• النواة الأصل A_ZX توجد فوق منطقة الاستقرار .

عدد النوترونات أكبر من عدد البروتونات في هذه الحالة تكون عندنا استحالة نووية تلقائية حيث تتحول البروتونات إلى نوترونات ويصاحب هذا التحول انبعاث إلكترونات ${}^0_{-1}e$ تسمى دقائق β^- حيث نحصل على نواة

متولدة ${}^A_{Z+1}Y$ والتي تقترب من مجال الاستقرار .

• النواة الأصل A_ZX توجد تحت منطقة الاستقرار .

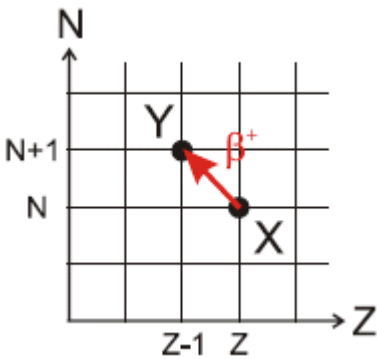
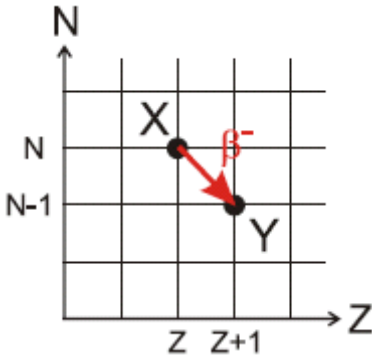
تتوفر نواة الأصل على أكبر عدد من البروتونات مقارنة مع النوترونات أي أن هناك استحالة نووية تلقائية حيث تتحول البروتونات إلى نوترونات مع انبعاث بوزترونات ${}^0_{+1}e$ تسمى دقائق β^+ حيث نحصل على نواة متولدة ${}^A_{Z-1}Y$ والتي تقترب إلى منطقة الاستقرار .

• حالة النوى الثقيلة (N , Z) كبيران جدا

$A > 170$ لكي تقترب من منطقة الاستقرار تتفتت باعثة نوى الهيليوم ${}^4_2\text{He}$

تسمى بالدقائق α . ونحصل على نواة متولدة ${}^{A-4}_{Z-2}Y$.

في غالب الأحيان يصاحب هذا التحولات انبعاث إشعاعات مهرمغناطيسية γ وهذا يلاحظ عندما تكون النواة الأصلية في حالة مثارة حيث تتوفر على وفرة من الطاقة .



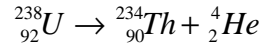
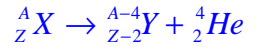
III - قوانين الانحفاظ والمعادلات النووية للأنشطة الإشعاعية

α, β, γ

يمكن نمذجة الأنشطة الإشعاعية بمعادلات نووية تخضع لقانون صودي .

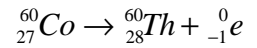
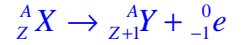
نص القانون : خلال تحول نووي تنحفظ الشحنة الكهربائية Z وكذلك العدد الإجمالي للنويات A .

1 - معادلة النشاط الإشعاعي α

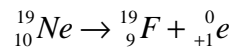
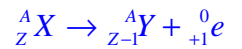


يلاحظ أنه خلال هذا التحول يتحقق قانون صودي .

2 - معادلة النشاط الإشعاعي β^-

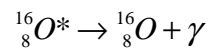
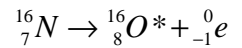
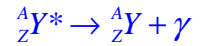


3 - معادلة النشاط β^+



4 - معادلة النشاط الإشعاعي γ

الإشعاع γ عبارة عن موجات كهرومغناطيسية ذات طاقة كبيرة جدا ، وهو يواكب الأنشطة الإشعاعية α و β^- و β^+ ، حيث تكون النواة المتولدة في حالة إثارة ولفقدان إثارتها تفقد الطاقة وذلك ببعث إشعاعات γ معادلة الإشعاع γ تكتب على الشكل التالي :



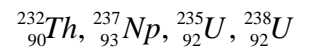
${}_{16}^{16}O^*$ نواة متولدة في حالة مثارة

${}_{16}^{16}O$ نواة متولدة في حالتها الأساسية .

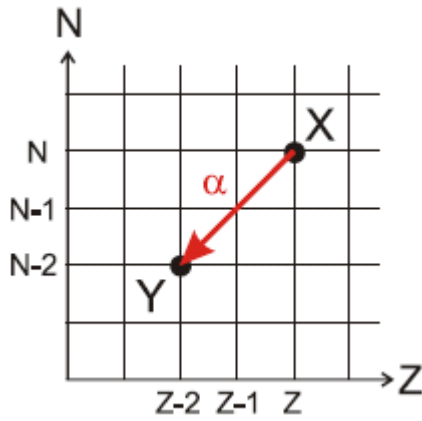
5 - الفصيلة المشعة .

تتحول نواة أصلية غير مستقرة إلى نواة أخرى ، إذا كانت هذه الأخيرة غير مستقرة ، فإنها بدورها تتحول إلى نواة أخرى ، وهكذا إلى أن نحصل على نواة مستقرة وغير مشعة . نسمي مجموع النوى الناتجة عن نفس النواة الأصلية فصيلة مشعة / famille radioactive

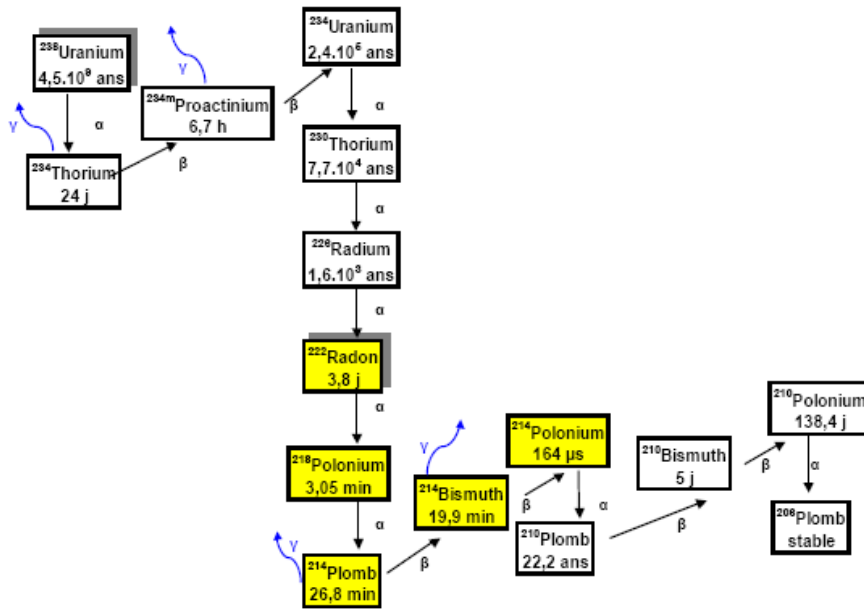
توجد أربع فصائل مشعة طبيعية تنحدر من النوى التالية :



مثال فصيلة الأورانيوم 238 :



Famille Radioactive de l'URANIUM 238



ALGADE, 1 avenue du Brugeaud, 87250 Bessines-sur-Gartempe - Tél. : (33)05 55 60 50 00 – e-mail :

VI _ التناقص الإشعاعي

1 _ الصيغة العشوائية للنشاط الإشعاعي

النشاط الإشعاعي ظاهرة عشوائية تحدث تلقائياً ، إذ لا يمكن التنبؤ بال لحظة التي يحدث فيها التفتت ولا يمكن تغيير خاصيات هذه الظاهرة .

النشاط التجريبي 3

تفتت نواة ظاهرة عشوائية غير مرتقبة في الزمن ، ذلك أنه لا يمكن التنبؤ بحدوث نشاط إشعاعي لنواة في لحظة معينة . غير أنه يمكن معرفة احتمال وقوعه خلال مدة زمنية معينة Δt . نفس الشيء بالنسبة لعدد ، فرمييه ظاهرة عشوائية ، إذ لا يمكن التنبؤ بعدد الرميات اللازمة للحصول على الوجه (6)

مثلاً ، بل يمكن فقط معرفة احتمال ظهور الوجه (6) وهو $p = \frac{1}{6}$.

يمكن مماثلة نواة مشعة بنرد ، والحصول على منحني يوافق قانون التناقص الإشعاعي وذلك بتحديد عدد الرميات التي يظهر فيها الوجه (6)

يمكن لهذا الغرض استعمال برنم محاكاة رمي الرند

نثبت عدد النردات $N_0=100$. نقوم بالرمية الأولى فيسجل لنا عدد النردات التي يظهر فيها الوجه (6) فهذا العدد يمثل عدد النوى المفتتة خلال الثانية الأولى نزيل هذا العدد من N_0 فنحصل على العدد N_1 عدد النوى المتبقية بدون تفتت . نقوم بالرمية الثانية فيسجل لنا عدد النردات التي يظهر فيها الوجه (6) . يمثل هذا العدد النوى المفتتة خلال الثانية الموالية . نزيل العدد N_2 من بين العدد N_1 الخ

نعيد نفس العملية بواسطة برنم المحاكاة . ندون النتائج في الجدول التالي :

t(s)	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
عدد التردات التي ظهر فيها الوجه (6)																					
عدد التردات المتبقية	100	85	73	61	54	42	38	35	27	24	21	19	14	14	11	10	8	6	5	4	4

استثمار النتائج

- 1 - مثل المنحنى $N(t)$ عدد الترددات المتبقية بدلالة الزمن .
- 2 - حدد المدة الزمنية $t_{1/2}$ التي تقلص خلالها عدد الترددات المتبقية إلى النصف . نسمي $t_{1/2}$ عمر النصف .
- 3 - أدخل نتائج التجربة في برنم يعالج المعطيات (ريغريسي)
- 4 - أحسب النسبة $\frac{t_{1/2}}{\tau}$ وقارنها مع $\ln 2$. ماذا تستنتج ؟

2 - قانون التناقص الإشعاعي

– نعتبر عينة تحتوي على N_0 من نوى المشعة في اللحظة $t=0$. ونعتبر $N(t)$ عدد النوى المتبقية في اللحظة t أي التي لم تتفتت بعد .

$N(t) + dN(t)$ عدد النوى المتبقية في اللحظة $t + dt$ بما $N(t)$ تتناقص إذن $dN(t) < 0$. أي أن عدد النوى المتفتتة

بين اللحظتين t و $t+dt$ هو $N(t) - (N(t) + dN(t)) = -dN(t)$

تبين الدراسة الإحصائية لعينة أن عدد النوى المتفتتة $-dN(t)$ يتناسب مع $N(t)$ عدد النوى المتبقية في العينة و dt المدة الزمنية

ويعبر عن هذا رياضيا بالعلاقة :

$$-dN(t) = \lambda N(t).dt \Rightarrow \frac{dN(t)}{N(t)} = -\lambda dt$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى حلها يكتب على الشكل التالي :

$$N(t) = Ke^{-\lambda t}$$

$$N(t=0) = N_0 = K$$

الجداء λt لا بعد له أي أن $\left[\lambda \right] = \frac{1}{[t]} = s^{-1}$ وبالتالي فإن وحدة λ

هي s^{-1}

يخضع عدد النوى $N(t)$ المتبقية في عينة مشعة لقانون التناقص

الإشعاعي التالي : $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ ، حيث :

λ تسمى ثابتة النشاط الإشعاعي أو ثابتة التفتت . وهي تميز

طبيعة النوييدة المشعة و N_0 عدد النوى في اللحظة $t=0$.

3 - ثابتة الزمن - عمر النصف

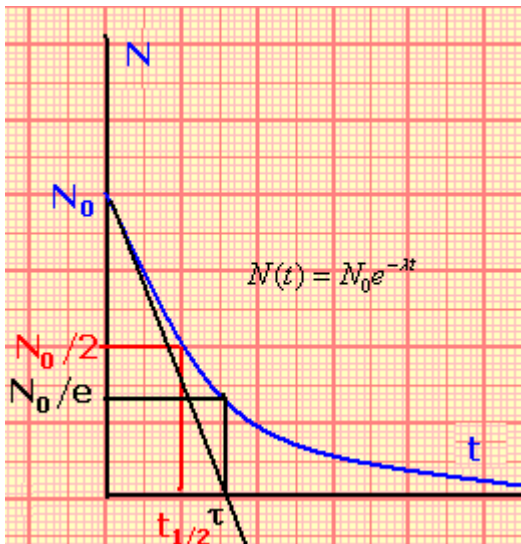
أ - ثابتة الزمن τ

تمكن ثابتة النشاط الإشعاعي λ من تعرف زمن مميز لنوييدة مشعة

معينة ، يسمى ثابتة الزمن رمزها τ وتعرف بالعلاقة : $\tau = \frac{1}{\lambda}$

τ تميز طبيعة النوييدة المشعة . وحدة τ هي s (الثانية)

يصبح قانون التناقص الإشعاعي كالتالي :



$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} = N_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$$

عند اللحظة $t = \tau$ نأخذ $N(t)$ القيمة :

$$N(\tau) = N_0 e^{-1} \Rightarrow N(\tau) = 0,37 N_0$$

وهو ما يمثل نقصانا في عدد النوى البدئية N_0 بنسبة 63% .

وتجدر الإشارة إلى أن المماس للمنحنى الأسّي عند اللحظة $t=0$ يقع محور الأفاسيل عند التاريخ $t=\tau$.

ب - عمر النصف $t_{1/2}$ لنوية مشعة .

يسمى عمر النصف $t_{1/2}$ المدة الزمنية اللازمة لتفتت نصف عدد نوى عينة .

$$\text{عند } t=t_{1/2} \text{ لدينا } N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2} \text{ أي أن}$$

$$N_0 e^{-\lambda t_{1/2}} = \frac{N_0}{2} \Rightarrow e^{-\lambda t_{1/2}} = \frac{1}{2}$$

$$\ln(e^{-\lambda t_{1/2}}) = -\ln 2 \Rightarrow \lambda t_{1/2} = \ln 2$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \tau \ln 2$$

مثال : نوية الأورانيوم 238 عمرها النصف هو $t_{1/2} = 4,5.10^9$ ans

نوية الكربون 14 عمرها النصف هو 5600ans

نوية سيزيوم 137 عمرها النصف 30ans

نوية بولونيوم 212 عمرها النصف 3.10^{-7} s

4 - نشاط عينة مشعة activité radioactive

أ - تعريف

نشاط عينة $a(t)$ تحتوي على عدد $N(t)$ من النوى المشعة هو عدد النوى المفتتة في وحدة الزمن . تعبيره :

$$a(t) = -\frac{dN(t)}{dt}$$

وحدة $a(t)$ هي بيكريل (Bq)

1Bq يمثل تفتتا واحدا في الثانية .

$$\text{من العلاقة } -dN(t) = \lambda N(t) dt \Rightarrow a(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = \lambda N(t)$$

بتعويض $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$ في العلاقة نجد :

$$a_0 = \lambda N_0 \text{ بحيث ان } a(t) = \lambda N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow a(t) = a_0 e^{-\lambda t}$$

يقاس النشاط الإشعاعي بواسطة عدادات . مثلا عداد جيجر Geigre

ب - أمثلة لنشاط مصادر مشعة

رجل كتله 70kg نشاطه 7000Bq

لتر من ماء معدني نشاطه 10Bq

1kg من السمك نشاطه 100Bq

1kg من البلوتونيوم نشاطه الإشعاعي 2.10^{12} Bq

مصدر طبي مشع نشاطه الإشعاعي 10^{14} Bq .

٧ - التأريخ بالنشاط الإشعاعي

يستعمل الجيولوجيون وعلماء الآثار تقنيات مختلفة لتحديد أعمار الحفريات والصخور . ومن بين هذه التقنيات نجد تلك التي تعتمد على النشاط الإشعاعي .

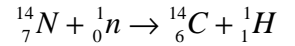
تحتوي الصخور والحفريات على نويدات مشعة حيث يتناقص عددها مع مرور الزمن . وبقياس نشاطها ومقارنتها مع نشاط عينة أخرى مرجعية يمكن تأريخها .

كلما كان عمر العينة المراد تأريخها كبيرا جدا وجب استعمال طريقة تعتمد نويدات ذات عمر نصف أكبر .

1 - التأريخ بالكربون 14

نعلم أن عنصر الكربون يتوفر أساسا على نظيرين ، الكربون 12 وهو مستقر والكربون 14 وهو إشعاعي النشاط b^- موجود بكميات ضئيلة بسبب ضعف وفارته الطبيعية (0,0001%) حيث يوجد بهذه الوفرة في كل تركيب كيميائي يحتوي على الكربون . مثلا ثنائي أوكسيد الكربون يحتوي على هذه النسبة .

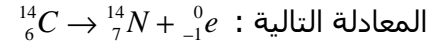
وجود هذا النظير هو نتيجة تفاعل نوى الأزوت مع نوترونات الأشعة الكونية وفق المعادلة التالية :



كيف يتم التأريخ بالكربون 14 ؟

نفترض أنه خلال 40000 سنة نسبة الكربون 14 في الفضاء ثابتة مع مرور الزمن .

نعلم كذلك أن جميع الكائنات الحية تتبادل الكربون مع الجو من خلال التنفس التركيب الضوئي و التغذية ، أي أن هذه النسبة الثابتة توجد في كل الكائنات الحية . وعند موتها تتناقص هذه النسبة بسبب تفتت نوى الكربون 14 وفق



ويتطبق قانون التناقص الإشعاعي : $a(t) = a_0 e^{-\lambda t}$

علما أن $t_{1/2} = 5600 \text{ans}$ نحسب $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$

$$a(t) = a_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{a(t)}{a_0} = e^{-\lambda t}$$

$$\ln \frac{a(t)}{a_0} = -\lambda t \Rightarrow t = -\frac{1}{\lambda} \ln \frac{a(t)}{a_0}$$

$$t = -\frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \frac{a(t)}{a_0}$$

يقاس نشاط $a(t)$ لكتلة معروفة من عينة (1g مثلا)

يقاس النشاط a_0 لنفس الكتلة من عينة شاهدة حالية .

ملحوظة : تستعمل هذه الطريقة ، التأريخ بالكربون 14 ، فقط بالنسبة لعينات عمرها أقل من 40000 سنة . وهذا راجع لكون العينات الأطول عمرا تحتوي على كمية ضئيلة من الكربون 14 ولا يمكن قياس نشاطها .

2 - التأريخ بطرق أخرى

توجد طرق أخرى للتأريخ تستعمل فيها نويدات مشعة عمر نصفها كبير جدا . ويمكن من تأريخ عينات أكثر قدما . مثلا ، لتأريخ عينات قديمة جدا كالصخور ، يستعمل الأورانيوم 238 . لأن عمر نصفه كبير جدا واستعمال هذا النظير قد مكن من تقدير عمر الكرة الأرضية وهو حوالي 4,55 مليار سنة وعمر نصف هذا النظير $t_{1/2} = 4,468.10^9 \text{ans}$.

تمرين تطبيقي : أعطى قياس النشاط الإشعاعي لعينة من الفحم كتلتها غرام واحد ، أخذت من موقد نار يرجع إلى ما قبل التاريخ ، القيمة $a(t) = 4,0.10^{-2} \text{Bq}$.

أحسب عمر الموقد ما قبل التاريخ ، علما أن نشاط غرام من الفحم الموجود في الوقت الحاضر هو

$$a_0 = 0,23 \text{Bq}$$

عمر النصف للكربون 14 هو $t_{1/2} = 5600 \text{ans}$

الحواب :

عمر الموقد هو :

ويتطبق قانون التناقص الإشعاعي : $a(t) = a_0 e^{-\lambda t}$

علما أن $t_{1/2} = 5600 \text{ans}$ لدينا $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$

$$a(t) = a_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{a(t)}{a_0} = e^{-\lambda t}$$

$$\text{Ln} \frac{a(t)}{a_0} = -\lambda t \Rightarrow t = -\frac{1}{\lambda} \text{Ln} \frac{a(t)}{a_0}$$

$$t = -\frac{t_{1/2}}{\ln 2} \text{Ln} \frac{a(t)}{a_0}$$

تطبيق عددي :

$$t = -\frac{5600}{\text{Ln} 2} \cdot \text{Ln} \left(\frac{4.10^{-2}}{0,23} \right) = 14132 Bq$$